

# Programmation Avancée (INF441)

## Services, objets, clôtures

François Pottier

19 avril 2016

## Rappel : les projets

Quatre sujets de projet, disponibles **en ligne** dès maintenant.

Réfléchissez-y et travaillez-y **dès maintenant !**

**Faites connaître votre choix DEMAIN au plus tard.**

- par email à [francois.pottier@inria.fr](mailto:francois.pottier@inria.fr)
- (depuis un email [@polytechnique.edu](mailto:@polytechnique.edu))

## Types et abstraction

Les types offrent un mécanisme de **protection**.

Ils permettent donc de **construire et faire respecter des abstractions**.

Je distingue deux manières d'obtenir ce résultat :

- grâce aux **types abstraits** ;
  - la semaine dernière
- grâce aux **types de service**.
  - aujourd'hui

## Types abstraits (rappel)

Le **typage statique** permet de définir et faire respecter un type abstrait.

Le mot-clef **private** interdit l'accès aux champs et méthodes privés :

```
public class Count implements ICount {  
    // Fields. (Data.)  
    // Invariant: step divides (next - init).  
    private int next;  
    private final int init, step;  
    ...  
}
```

Ainsi, le respect de l'**invariant** est garanti.

## Types abstraits (rappel)

Les types abstraits d'OCaml jouent un rôle analogue.

Le fichier `Count.ml` contient une **définition** de type :

```
type count =  
  { mutable next: int; init: int; step: int }  
  (* Invariant: step divides (next - init). *)  
  ...
```

`Count.mli` contient une **déclaration**, ce qui rend le type `count` abstrait.

```
type count  
  ...
```

Certains types et fonctions peuvent ne pas apparaître dans la signature.

## 1 Services

## 2 Clôtures d'OCaml et objets de Java

## 3 Clôtures de Java et classes internes de Java

## 4 Des clôtures aux données

# Service

Une autre façon d'imposer une abstraction est de proposer un **service** :

- un **objet** dont on ne sait rien, excepté qu'il offre certaines méthodes ;
- une **fonction** dont on ne sait rien, excepté qu'on peut l'appeler.

C'est possible en Java et en OCaml, qui sont **typés statiquement**.

- un service est décrit non pas par un type abstrait,
- mais par un « **type de service** ».
  - interface de Java
  - type de fonction d'OCaml

C'est possible aussi en JavaScript, qui est **typé dynamiquement**.



## Interface = description d'un service

Une **interface** de Java est un « type de service ».

Elle décrit les **méthodes** proposées, donc le service rendu :

```
public interface ICount {  
    int next ();  
    void reset ();  
}
```

Elle ne donne pas accès aux champs, dont on ignore tout.

## Sous-typage

Un objet de type `Count` **est aussi** un objet de type `ICount`.

```
ICount c = new Count (100, 10);
```

On oublie la **nature** exacte de l'objet, pour ne retenir que le **service** rendu.

Autre exemple, issu de la bibliothèque de Java :

```
Map<String, Integer> m1 = new TreeMap<String, Integer> ();  
Map<String, Integer> m2 = new HashMap<String, Integer> ();
```

`m1` et `m2` rendent le même service. Ils sont **interchangeables**.

## Une interface impose une abstraction... (\*)

Supposons que la variable `c` a le type `ICount`.

`c.next()` et `c.reset()` sont les seuls moyens d'exploiter l'objet `c`. (\*)

L'interface `restreint` les actions permises, donc `protège` l'objet.

Elle impose une abstraction. (\*)

(\*) ... enfin, presque

Malheureusement, ce n'est pas tout-à-fait vrai, car l'interface n'interdit pas de **tester dynamiquement** à quelle classe appartient l'objet :

```
if (c instanceof Count) {  
    Count cc = (Count) c;  
    ...  
}
```

`instanceof` et le « downcast » sont **dangereux** au sens où ils violent l'abstraction qui (idéalement) devrait être offerte par l'interface `ICount`.

Heureusement, ces tests sont interdits (en dehors d'une certaine zone du code) si la classe `Count` n'est pas marquée **public**.

## Type de fonction = description d'un service

En OCaml, un **type de fonction** est un « type de service ».

Par exemple, un compteur doté d'une seule opération `next` :

```
type counter = unit -> int
```

Un compteur doté d'opérations `next` et `reset` est une **paire** de fonctions :

```
type counter = (unit -> int) * (unit -> unit)
```

Ou bien un **enregistrement** à deux champs :

```
type counter = { next: unit -> int; reset: unit -> unit }
```

Un itérateur (dont l'état interne est modifiable) :

```
type 'a iterator = unit -> 'a option
```

Implémentation du compteur comme paire de fonctions, en OCaml.

(Code en ligne)

Poly §1.2.2.

## Une clôture est une abstraction

Deux points méritent d'être soulignés.

1. Une fonction a accès aux variables qui existent déjà à l'extérieur.
  - fonction = clôture
  - comment ça marche ? on va le voir dans la suite
2. Une fonction est une abstraction : elle est opaque.
  - on ne peut rien en faire, sauf l'appeler ; le typage statique le garantit

## Une clôture est une abstraction

En JavaScript aussi, **une clôture est une abstraction**.

On ne peut rien en faire, sauf l'appeler : le typage **dynamique** le garantit.

La clôture porte une **étiquette** qui interdit l'inspection de son contenu.



## Une clôture est une abstraction

Notre compteur OCaml peut être transcrit en JavaScript :

```
function Counter(init, step) {  
  var value = init  
  this.next = function() {  
    var oldValue = value; value += step; return oldValue;  
  }  
  this.reset = function() { value = init; }  
}
```

## Une clôture est une abstraction

Ce compteur fonctionne comme espéré :

```
> c = new Counter (100, 10)
{ next: [Function], reset: [Function] }
> c.next()
100
> c.next()
110
> c.reset()
undefined
> c.next()
100
> c.next()
110
```

## Une clôture est une abstraction

L'objet `c` n'a que deux champs, `next` et `reset`.

```
> c.value  
undefined
```

Ces champs contiennent des clôtures, qui sont **opaques**.

```
> c.next  
[Function]  
> c.next.value  
undefined
```

Impossible d'accéder à l'état du compteur, excepté via `next` et `reset`.

## 1 Services

## 2 Clôtures d'OCaml et objets de Java

## 3 Clôtures de Java et classes internes de Java

## 4 Des clôtures aux données

## Vous avez dit « clôture » ?

Qu'est-ce au juste qu'une clôture ?

Deux points de vue, tous deux utiles :

1. Les mots « clôture » et « fonction » sont synonymes.

- une fonction a accès aux variables (immuables) définies à l'extérieur
- (on les appelle **variables libres**)
- c'est « magique », ou « naturel »

2. Une clôture est un **bloc de mémoire** alloué dans le tas.

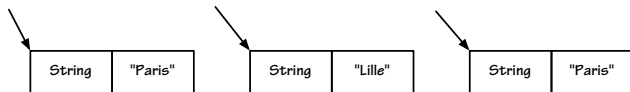
- avec une **étiquette** et des **champs**
- donc un **comportement** et un **état**

## Exemple

Illustrons ces deux points de vue à l'aide d'un nouvel exemple :  
le **partage maximal** de chaînes de caractères.

## Égalité des adresses ou des contenus ?

Deux blocs **distincts** dans le tas peuvent avoir le **même contenu**.



Si ce sont, par exemple, des chaînes de caractères, ils peuvent être :

- **distincts** au sens de l'égalité des adresses
  - $x == y$  en Java et en OCaml
- **égaux** au sens de l'égalité des contenus
  - $x.equals(y)$  en Java
  - $x = y$  en OCaml

De nombreux blocs peuvent contenir la même chaîne, p.ex. **"Paris"**.

## Partage maximal

Dotons-nous d'un service de **partage maximal** de chaînes de caractères.  
Cela s'appelle **string interning**.

Dans le cas général, le partage maximal s'appelle aussi **hash-consing**.  
Il joue un rôle essentiel dans les **BDDs**.

Filliâtre et Conchon (2006) expliquent le hash-consing en OCaml.



## Description du service

Appelons « un interne » une fonction  $i$  qui attend une chaîne  $s$  et renvoie une chaîne **de même contenu** (donc,  $i\ s = s$ ).

```
type intern = string -> string
```

Imposons de plus que  $i$  effectue un **partage maximal** des chaînes qu'elle renvoie (donc, si  $s_1 = s_2$ , alors  $i\ s_1 == i\ s_2$ ).

Voyez-vous comment implémenter un tel service ?

Implémentation du partage maximal  
d'abord comme une clôture en OCaml,  
puis comme un objet en Java.

(Code en ligne)

Poly §1.2.2.

## À retenir (1)

Dans les deux versions (OCaml et Java) :

- la table de hachage est **inaccessible**, sauf via le service ;
- il en découle que son contenu évolue de façon **monotone**,
- ce qui est **nécessaire** pour que  $s1 = s2$  implique  $i s1 == i s2$ .

L'abstraction est donc **nécessaire** pour garantir le partage maximal.

## À retenir (2)

La comparaison entre OCaml et Java éclaire la nature des clôtures :

- en OCaml, le service est une **clôture** ;
  - elle a « naturellement » accès à la table de hachage
- en Java, nous l'avons traduite en un **objet**.
  - **alloué** dans le tas
  - son **étiquette** est le nom de la classe, `Intern`
  - son **champ** contient un pointeur vers la table de hachage

Le compilateur OCaml effectue pour nous **cette traduction**. Donc,

- une clôture OCaml est **allouée** dans le tas
- ses champs contiennent les informations dont elle a besoin

## 1 Services

## 2 Clôtures d'OCaml et objets de Java

## 3 Clôtures de Java et classes internes de Java

## 4 Des clôtures aux données

## Fonctions/clôtures en Java

Java 8 offre des **fonctions anonymes**, ou clôtures.

On peut les comprendre :

- soit par analogie avec les fonctions d'OCaml ;
- soit par traduction vers des objets de Java.

## Clôtures versus objets

Une fonction OCaml offre **un seul service** : on peut l'appeler, et c'est tout.

```
type intern = string -> string
```

Elle est donc analogue à un objet Java qui offre **une seule méthode**.

```
public interface IIntern {  
    String intern (String s);  
}
```

Un **type de fonction** d'OCaml correspond à  
une **interface à une seule méthode** de Java.

Java 8 appelle cela une **interface fonctionnelle**.

## Clôtures versus objets

Voici un autre exemple. Le type OCaml d'une **fonction de comparaison** :

```
type 'a comparator = 'a -> 'a -> int
```

correspond à l'interface **Comparator**<T> de la bibliothèque de Java :

```
public interface Comparator<T> {  
    int compare (T o1, T o2);  
}
```

Ce type et cette interface sont **paramétrés** par un type (noté 'a ou T).

Une fonction OCaml de type **string** comparator est analogue à un objet Java de type **Comparator**<String>.



## Clôtures versus objets

L'interface `Function`<T, R> est la plus abstraite possible :

```
public interface Function<T, R> {  
    R apply (T argument);  
}
```

Elle est définie dans la bibliothèque de Java 8.

Une fonction OCaml de type `string -> int` est analogue à un objet Java de type `Function<String, Integer>`.

Scala considère une fonction comme un objet de type `Function1`.

## Définition de fonctions (OCaml)

OCaml offre une syntaxe concise pour définir des fonctions.

L'expression `fun x -> x + 1` construit une fonction de type `int -> int`.

On peut lui donner un nom :

```
let id = fun x -> x + 1
```

ou si l'on préfère :

```
let id x = x + 1
```

Comment, en Java, construit-on un objet  
de type `Function<Integer, Integer>` ?

## Définition de fonctions (Java)

Comment construit-on un objet de type `Function<Integer, Integer>` ?

- soit « à la main », via une classe qui implémente cette interface,
- soit en écrivant une **fonction anonyme** de Java 8.

Le code sera le même : une fonction anonyme est un **sucre** (une notation).

Deux exemples suivent...

## Définition de fonctions, à la Java 1.0

En principe, il faut définir une classe qui implémente l'interface `Function` :

```
public class Successor implements Function<Integer, Integer> {  
    public Integer apply (Integer x) { return x + 1; }  
}
```

Alors on peut `instancier` cette classe, c'est-à-dire en créer un objet :

```
Function<Integer, Integer> id = new Successor ();
```

C'est simple (en principe). Et assez lourd.

## Définition de fonctions, à la Java 1.1

Heureusement (?), on peut **définir** et **instancier aussitôt** une classe :

```
Function<Integer, Integer> id =  
    new Function<Integer, Integer> () {  
        public Integer apply (Integer x) { return x + 1; }  
    };
```

Le mot **new** est suivi ici d'une **interface**, complétée aussitôt par le code de la méthode `apply`.

La classe est alors **anonyme** : le nom `Successor` a disparu.

C'est toujours simple (en principe). Et toujours lourd.

## Définition de fonctions, à la Java 8

Heureusement, il existe à présent une syntaxe beaucoup plus concise :

```
Function<Integer, Integer> id =  
    x -> { return x + 1; };
```

ou encore mieux, dans ce cas :

```
Function<Integer, Integer> id =  
    x -> x + 1;
```

Ouf ! Voilà un **sucre** agréable.

Cela fonctionne non seulement pour l'interface **Function**,  
mais aussi pour toute **interface fonctionnelle**.

## Clôtures avec variables libres

La fonction `fun x -> x + 1` est un exemple simpliste, car elle n'utilise aucune variable définie à l'extérieur.

Or, en général, cela est permis, comme ici en OCaml :

```
let tax threshold rate : float -> float =  
  fun price ->  
    if price < threshold then  
      price  
    else  
      threshold +. (price -. threshold) *. rate
```

La fonction anonyme `fun price -> ...` a deux variables libres, à savoir `threshold` et `rate`.

## Clôtures avec variables libres

Un appel à `tax` produit une clôture `f` de type `float -> float`.

Ici, dans une session interactive `ocaml` :

```
# let f = tax 100. 1.05;;  
val f : float -> float = <fun>  
# f 90.;;  
- : float = 90.  
# f 110.;;  
- : float = 110.5
```

D'une façon ou d'une autre, `f` a mémorisé que pour elle, `threshold` vaut `100.` et `rate` vaut `1.05.`



## Clôtures avec variables libres

On peut écrire en Java 8 une fonction `tax` analogue.

Un appel à `tax` renvoie une **clôture** :

```
Function<Float, Float> tax (float threshold, float rate) {  
    return (price) -> {  
        if (price < threshold) return price;  
        return threshold + (price - threshold) * rate;  
    };  
}
```

Comment ça marche ? **Éliminons le sucre** pour comprendre...

(Mêmes étapes que précédemment, expliquées cette fois en sens inverse.)

## Clôtures avec variables libres

D'abord, on revient à une **classe interne anonyme** de Java 1.1 :

```
Function<Float, Float> tax (float threshold, float rate) {  
    return new Function<Float, Float> () {  
        public Float apply (Float price) {  
            if (price < threshold) return price;  
            return threshold + (price - threshold) * rate;  
        }  
    };  
}
```

Comment ça marche ? On **élimine encore un sucre** pour comprendre...

## Clôtures avec variables libres

On revient à une **classe ordinaire** de Java 1.0 :

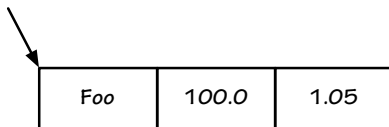
```
Function<Float, Float> tax (float threshold, float rate) {  
    return new Foo (threshold, rate);  
}
```

On définit séparément cette classe Foo :

```
class Foo implements Function<Float, Float> {  
    final float threshold, rate;          // Fields.  
    Foo (float threshold, float rate) { // Constructor.  
        this.threshold = threshold; this.rate = rate; }  
    public Float apply (Float price) { // Code.  
        if (price < threshold) return price;  
        return threshold + (price - threshold) * rate;  
    }  
}
```

Elle a besoin de **deux champs**, sans quoi on ne peut écrire apply.

## Clôtures avec variables libres



On comprend alors que notre clôture est représentée ainsi en mémoire :

- un **pointeur de code** (~ une étiquette), ici `Foo` ;
  - elle détermine une méthode `apply`, ici celle de la classe `Foo`
- des **champs**, ici `threshold` et `rate` ;
  - ils contiennent des données dont la méthode `apply` a besoin

## Clôtures avec variables libres

On comprend aussi que :

- construire une clôture `(price) -> { ... }`,  
c'est en fait allouer un bloc `new Foo (...)`,
- et ce bloc a autant de champs  
que la clôture a de variables libres.

## 1 Services

## 2 Clôtures d'OCaml et objets de Java

## 3 Clôtures de Java et classes internes de Java

## 4 Des clôtures aux données

## Défunctionalisation

Une clôture est un **bloc de mémoire**.

On peut donc être tenté de la considérer

- non pas comme un « objet » mariant **données** et **comportement**,
- mais comme une **donnée** pure.

Pour clarifier cette idée, effectuons (encore) une traduction, appelée **défunctionalisation** (Reynolds, 1972).

Elle va nous permettre de mieux comprendre comment les clôtures forment des **structures de données** en mémoire.

## Exemple

Illustrons la défonctionnalisation à l'aide d'un exemple :  
des **ensembles** implémentés comme des **fonctions**.



## Ensembles comme fonctions

On peut représenter un ensemble par sa fonction caractéristique.

```
type set =  
  int -> bool  
let empty : set =  
  fun y -> false  
let singleton (x : int) : set =  
  fun y -> y = x  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set =  
  fun y -> s1 y || s2 y  
let mem (x : int) (s : set) : bool =  
  s x
```

Ça marche. Mais est-ce une idée *intelligente*... ou pas ?

## Ensembles comme fonctions

On peut représenter un ensemble par sa fonction caractéristique.

```
type set =  
  int -> bool  
let empty : set =  
  fun y -> false  
let singleton (x : int) : set =  
  fun y -> y = x  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set =  
  fun y -> s1 y || s2 y  
let mem (x : int) (s : set) : bool =  
  s x
```

Ça marche. Mais est-ce une idée *intelligente*... ou pas ?

empty, singleton, union travaillent en temps  $O(1)$ . Quid de mem ?

## Ensembles comme fonctions

On peut représenter un ensemble par sa fonction caractéristique.

```
type set =  
  int -> bool  
let empty : set =  
  fun y -> false  
let singleton (x : int) : set =  
  fun y -> y = x  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set =  
  fun y -> s1 y || s2 y  
let mem (x : int) (s : set) : bool =  
  s x
```

Ça marche. Mais est-ce une idée *intelligente*... ou pas ?

`empty`, `singleton`, `union` travaillent en temps  $O(1)$ . Quid de `mem` ?

Pour répondre à cette question, il faut comprendre la *structure* des clôtures que nous construisons.

## Ensembles comme fonctions

On construit une clôture de type `set` en **trois points du code** :

```
let empty : set =  
  fun y -> false  
let singleton (x : int) : set =  
  fun y -> y = x  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set =  
  fun y -> s1 y || s2 y
```

Quels champs ont les clôtures construites en ces trois points ?

- dans `empty`, **zéro champ** ;
- dans `singleton`, **un champ** de type `int` correspondant à `x` ;
- dans `union`, **deux champs** de type `set` correspondant à `s1` et `s2`.

Ces trois sortes de clôtures ont trois étiquettes distinctes, disons **E**, **S**, **U**.

## Ensembles comme fonctions

Un « ensemble » est en fait une clôture de l'une de ces trois sortes.

On pourrait aussi bien définir `set` comme un [type algébrique](#) :

```
type set =  
  | E  
  | S of int  
  | U of set * set
```

Et définir ainsi les trois opérations de construction :

```
let empty : set = E  
let singleton (x : int) : set = S (x)  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set = U (s1, s2)
```

La représentation en mémoire des ensembles serait [la même](#) !

Or, que représente ce type ?

## Ensembles comme fonctions

Un « ensemble » est en fait une clôture de l'une de ces trois sortes.

On pourrait aussi bien définir `set` comme un [type algébrique](#) :

```
type set =  
  | E  
  | S of int  
  | U of set * set
```

Et définir ainsi les trois opérations de construction :

```
let empty : set = E  
let singleton (x : int) : set = S (x)  
let union (s1 : set) (s2 : set) : set = U (s1, s2)
```

La représentation en mémoire des ensembles serait [la même](#) !

Or, que représente ce type ?

C'est un type [d'arbres](#) avec des feuilles `E` et `S` et des nœuds binaires `U`.

## Ensembles comme fonctions

Chaque sorte de clôture a sa propre « méthode » `apply`.

Puisque nous avons trois sortes de clôtures, leurs « méthodes » `apply` se combinent en **une fonction `apply`** où on distingue trois cas :

```
let rec apply (s : set) (y : int) : bool =  
  match s with  
  | E           -> false  
  | S (x)       -> y = x  
  | U (s1, s2) -> apply s1 y || apply s2 y
```

Le test d'appartenance à un ensemble devient alors :

```
let mem (x : int) (s : set) : bool =  
  apply s x
```

## Intelligent ou pas ?...

Un ensemble est en fait un **arbre** non équilibré !

`mem s x` **parcourt** l'arbre `s` à la recherche de `x`.

La complexité de `mem` est donc  $O(n)$ . **Inefficace !**

Il faut **comprendre les clôtures** pour pouvoir analyser ce code.



## Notes historiques

Le concept de **clôture**, combinant **code** et **données**, est dû à Landin (1964).

En Scheme (1975), les fonctions sont compilées sous forme de clôtures.

Il en va de même aujourd'hui en OCaml, JavaScript (1995), Scala (2003), C# 2.0 (2005), Rust (2010), C++ (2011), Java 8 (2014), etc.

La notion d'**objet** remonte à Simula 67.

On peut avoir une double compréhension des objets et des clôtures.

Vision de haut niveau :

- Une clôture ou un objet est une **abstraction** ; elle offre un **service** ;
- Une clôture a « **naturellement** » accès à ses variables libres.

Vision de plus bas niveau :

- Une clôture est un **bloc de mémoire**, avec étiquette et champs ;
- Il faut un champ pour chaque variable libre.